

Thematisationstypen als Systemfunktionen

1. In der vorliegenden Arbeit wird gezeigt, daß man die zuletzt in Toth (2026) behandelten systemischen semiotischen Relationen in bijektiver Weise auf ihre systemischen Indizes abbilden und als Indexmengen definieren kann.

2. Thematisationstypen als Systemfunktionen

$$3.1_I \quad 2.1_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 1.2_R \quad 1.3_R \quad (1.1_R \leftarrow (1.2_R, 1.3_R))$$

$$\Rightarrow (R, R, R)$$

$$3.1_I \quad 2.1_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 1.2_R \quad 1.3_R \quad (2.1_A \leftarrow (1.2_R, 1.3_R))$$

$$\Rightarrow (A, R, R)$$

$$3.1_I \quad 2.1_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 1.2_R \quad 1.3_R \quad (3.1_I \leftarrow (1.2_R, 1.3_R))$$

$$\Rightarrow (I, R, R)$$

$$3.1_I \quad 2.2_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad (1.1_R \rightarrow 2.2_A \leftarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (R, A, R)$$

$$3.1_I \quad 2.2_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad ((2.1_A, 2.2_A) \rightarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (A, A, R)$$

$$3.1_I \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad (3.1_I \rightarrow 2.2_A \leftarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (I, A, R)$$

$$3.1_I \quad 2.3_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 3.2_I \quad 1.3_R \quad (1.1_R \rightarrow 3.2_I \leftarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (R, I, R)$$

$$3.1_I \quad 2.3_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 3.2_I \quad 1.3_R \quad (2.1_A \rightarrow 3.2_I \leftarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (A, I, R)$$

$$3.1_I \quad 2.3_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 3.2_I \quad 1.3_R \quad ((3.1_I, 3.2_I) \rightarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (I, I, R)$$

$$3.2_I \quad 2.1_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 1.2_R \quad 2.3_A \quad ((1.1_R, 1.2_R) \rightarrow 2.3_A)$$

$$\Rightarrow (R, R, A)$$

$$3.2_I \quad 2.1_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 1.2_R \quad 2.3_A \quad (2.1_A \rightarrow 1.2_R \leftarrow 2.3_A)$$

$$\begin{aligned}
&\Rightarrow (A, R, A) \\
&3.2_I \quad 2.1_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 1.2_R \quad 2.3_A \quad (3.1_I \rightarrow 1.2_R \leftarrow 2.3_A) \\
&\Rightarrow (I, R, A) \\
&3.2_I \quad 2.2_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 2.2_A \quad 2.3_A \quad (1.1_R \leftarrow (2.2_A, 2.3_A)) \\
&\Rightarrow (R, A, A) \\
&3.2_I \quad 2.2_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 2.2_A \quad 2.3_A \quad (2.1_A \leftarrow (2.2_A, 2.3_A)) \\
&\Rightarrow (A, A, A) \\
&3.2_I \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 2.2_A \quad 2.3_A \quad (3.1_I \leftarrow (2.2_A, 2.3_A)) \\
&\Rightarrow (I, A, A) \\
&3.2_I \quad 2.3_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 3.2_I \quad 2.3_A \quad (1.1_R \rightarrow 3.2_I \leftarrow 2.3_A) \\
&\Rightarrow (R, I, A) \\
&3.2_I \quad 2.3_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 3.2_I \quad 2.3_A \quad (2.1_A \rightarrow 3.2_I \leftarrow 2.3_A) \\
&\Rightarrow (A, I, A) \\
&3.2_I \quad 2.3_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 3.2_I \quad 2.3_A \quad ((3.1_I, 3.2_I) \rightarrow 2.3_A) \\
&\Rightarrow (I, I, A) \\
\\
&3.3_I \quad 2.1_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 1.2_R \quad 3.3_I \quad ((1.1_R, 1.2_R) \rightarrow 3.3_I) \\
&\Rightarrow (R, R, I) \\
&3.3_I \quad 2.1_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 1.2_R \quad 3.3_I \quad (2.1_A \rightarrow 1.2_R \leftarrow 3.3_I) \\
&\Rightarrow (A, R, I) \\
&3.3_I \quad 2.1_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 1.2_R \quad 3.3_I \quad (3.1_I \rightarrow 1.2_R \leftarrow 3.3_I) \\
&\Rightarrow (I, R, I) \\
&3.3_I \quad 2.2_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 2.2_A \quad 3.3_I \quad (1.1_R \rightarrow 2.2_A \leftarrow 3.3_I) \\
&\Rightarrow (R, A, I) \\
&3.3_I \quad 2.2_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 2.2_A \quad 3.3_I \quad ((2.1_A, 2.2_A) \rightarrow 3.3_I) \\
&\Rightarrow (A, A, I) \\
&3.3_I \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 2.2_A \quad 3.3_I \quad (3.1_I \rightarrow 2.2_A \leftarrow 3.3_I)
\end{aligned}$$

$\Rightarrow$ (I, A, I)

$3.3_I \quad 2.3_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 3.2_I \quad 3.3_I \quad (1.1_R \leftarrow (3.2_I, 3.3_I))$

$\Rightarrow$ (R, I, I)

$3.3_I \quad 2.3_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 3.2_I \quad 3.3_I \quad (2.1_A \leftarrow (3.2_I, 3.3_I))$

$\Rightarrow$ (A, I, I)

$3.3_I \quad 2.3_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 3.2_I \quad 3.3_I \quad (3.1_I \leftarrow (3.2_I, 3.3_I))$

$\Rightarrow$ (I, I, I)

Literatur

Toth, Alfred, Systemische Thematisationen und konverse Thematisationen.

In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026

3.2.2026